

Ці приклади демонструють, як екстраполяція може бути використана в різних сферах, від бізнесу до воєнних дій, для прогнозування та планування на основі наявних даних і тенденцій.

#### Список використаних джерел

1. Smith, J., Johnson, A. (2018). Introduction to Extrapolation Techniques. *Journal of Mathematical Modeling*, 15(2), 45–56.
2. Brown, R., Wilson, K. (2020). Applications of Extrapolation in Engineering Design. *Proceedings of the International Conference on Computational Methods*, 112–125.
3. Lee, S., Park, H. (2019). Utilizing Maple for Extrapolation Analysis: A Case Study in Financial Forecasting. *Maple Applications in Industry*, 8(4), 332–345.
4. Garcia, M., Martinez, P. (2017). Statistical Methods for Extrapolation: A Comprehensive Guide. Springer.
5. Chen, L., Wang, Q. (2022). Advanced Techniques in Extrapolation: Insights from Maple Simulations. *IEEE Transactions on Computational Modeling*, 25(3), 78–89.

**УДК 004.94**

*Комар О. О., здобувач вищої освіти,  
Ніколюк П. К., д-р фіз.-мат. наук,  
професор, професор кафедри  
інформаційних технологій*

### **ПЕРСПЕКТИВИ СТВОРЕННЯ МОДЕЛЕЙ З ВИКОРИСТАННЯМ КЛІТИННИХ АВТОМАТІВ**

*Донецький національний університет імені Василя Стуса, м. Вінниця*

У сучасному світі, коли складні системи та явища ставлять все нові виклики, зростає потреба в ефективних методах їх дослідження та моделювання. Одним із таких методів є метод клітинних автоматів (КА), який завдяки своїй простоті, універсальності та гнучкості може бути застосований у найрізноманітніших галузях науки.

Клітинні автомати вже давно зарекомендували себе як потужний інструмент для моделювання динамічних систем. Їх успішно використовують у сферах:

- фізики (моделювання фазових переходів, турбулентності, росту кристалів, поведінки газів і рідин);
- біології (моделювання еволюції, поширення хвороб, росту тканин, поведінки популяцій);
- економіки (моделювання динаміки ринків, поширення інновацій, поведінки економічних агентів);
- соціальних наук (моделювання поширення інформації, поведінки людей, розвитку міст, еволюції соціальних систем);
- інженерії (моделювання транспортних потоків, роботи роботів, поширення забруднень, поведінки складних систем);

Дослідження та створення моделей з використанням КА є перспективним напрямом. КА мають просту концепцію, що робить їх доступними для дослідни-

ків з різних галузей, і можуть бути використані для моделювання широкого спектру явищ.

Загалом КА – це впорядкований набір комірок. У загальному випадку розглядається  $n$ -вимірний решітка. Проте на практиці найчастіше для дослідження використовуються клітинні автомати малої розмірності з одно- або двовимірними решітками.

Структура просторової решітки залежить від форми комірок, з яких вона складається. Наприклад, у двовимірному випадку можна розглядати комірки трикутної, квадратної або шестикутної форм. Найбільшої популярності набули клітинні автомати, в яких клітки є квадратними, а решітка прямокутна.

Кожна комірка пам'яті клітинного автомата може зберігати одне значення із деякої скінченної множини значень. Час для клітинного автомата є дискретним (змінюється дискретними кроками – тактами) [1]. Зміна значень усіх комірок решітки відбувається синхронно і одночасно відповідно до правил переходу, за якими визначається нове значення кожної комірки як функція від поточних значень сусідніх комірок.

Класичні клітинні автомати характеризуються такими властивостями:

- *паралельність обчислень*. Класичний КА – це дискретна динамічна система з паралельним обчисленням значень комірок пам'яті;
- *властивість локальності*. Значення кожної комірки пам'яті на наступному такті роботи КА залежить від поточних значень комірок у деякому її оточенні (і, можливо, від значення власне у самій комірці);
- *властивість однорідності*. Правила переходу є однаковими для всіх комірок клітинного автомата.

Найбільш відомою інтерпретацією КА є «Гра життя», розроблена математиком Джоном Конвеєм [2]. Гра реалізується на площині, що складається з квадратних комірок. Кожна комірка має вісім сусідів (включно з тими, з якими вона стикається куточками). Кожна комірка може знаходитися у двох станах: «живому» (зайнятому, зазвичай показують чорним кольором) і «мертвому» (вільному, білому). Для запуску гри треба створити початкову конфігурацію («перше покоління»). Кожне наступне покоління визначається попереднім з урахуванням двох правил:

- «мертва» клітина, що має трьох «живих» сусідів, стає «живою»;
- «жива» клітина, що має менше двох або більше трьох «живих» сусідів, стає «мертвою».

Обчислювати наступні покоління є сенс, поки на полі залишаються «живі» клітини або поки система не входить у цикл, повторюючи один зі своїх попередніх станів. Вказаних правил достатньо для породження безлічі патернів, які демонструють складну поведінку. Багато конструкцій із клітин швидко деградують. Деякі виявляються стійкими. Існують «планери» («gliders») – патерни, здатні циклічно змінювати свою конфігурацію, необмежено переміщаючись по площині [3].

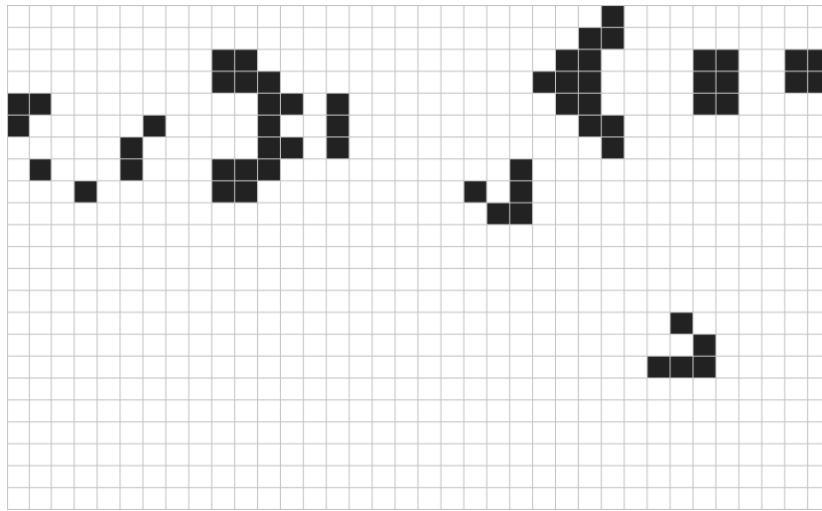


Рис. 1. Клітинний автомат – «Гра життя»

Під час створення моделей з використанням КА важливо враховувати низку ключових аспектів. По-перше, необхідно чітко визначити початкові умови системи, як-от розмірність клітинного поля, стан кожної клітини на початку моделювання та правила їх взаємодії. Далі необхідно обрати відповідний тип автомата залежно від характеру модельованої системи: одновимірний, двовимірний або багатовимірний. Під час розробки правил взаємодії між клітинами треба враховувати їх околицю, адаптувати правила до конкретності системи та цілей моделювання. До того ж важливо враховувати вплив параметрів моделі, як-от швидкість поширення інформації, ймовірність переходу між станами клітини та інші внутрішні параметри системи.

Щодо перспектив розвитку такого моделювання варто зазначити кілька ключових напрямів. Насамперед поєднання КА з іншими методами моделювання, як-от штучні нейронні мережі, може сприяти створенню більш складних та реалістичних моделей. Також важливим є розвиток адаптивних клітинних автоматів, які здатні самостійно змінювати свої правила залежно від змін у середовищі. Додатково, вивчення властивостей самоорганізації та емерджентності в системах на основі КА відкриває шлях до більш глибокого розуміння природних та соціальних процесів.

З урахуванням цих перспектив моделювання за допомогою КА відкриває широкі можливості для досліджень у різних галузях, від біології до комп'ютерних наук, сприяючи розвитку нових підходів та висновків у науковому дослідженні.

Підсумовуючи, визначимо, що КА – це потужний інструмент для моделювання складних систем та явищ. Моделювання за допомогою КА відкриває широкі можливості для досліджень у різних галузях – від біології до комп'ютерних наук. Цей метод може допомогти краще зрозуміти складні системи та явища, а також розробити нові підходи до їх дослідження й управління.

#### Список використаних джерел

1. Черепина Є. О. Моделювання складних процесів за допомогою клітинних автоматів: текстова частина до курсової роботи за спеціальністю «Інженерія програмного забезпечення» № 121. Київ, 2021. 14 с.

2. Ніколюк П. К. Моделювання систем: навчальний посібник для здобувачів вищої освіти спеціальності 122 Комп'ютерні науки: навч. посіб. Вінниця: ДонНУ імені Василя Стуса, 2023. 41 с.

3. Шабанов Д. А. Моделі на основі клітинних автоматів: онлайн-підручник за курсом «Сотворіння світів: імітаційне моделювання надорганізованих систем в електронних таблицях та R». Розділ 9. URL: [https://batrachos.com/Simulation\\_Cell\\_Automates](https://batrachos.com/Simulation_Cell_Automates)

**УДК 519.651**

*Маруняк А. О., здобувач 2 курсу спеціальності 122 Комп'ютерні науки, науковий керівник:*

*Сеник І. О., асистент кафедри інформаційних технологій*

## **АПРОКСИМАЦІЯ ФУНКЦІЙ. МЕТОД НАЙМЕНШИХ КВАДРАТІВ**

*Донецький національний університет імені Василя Стуса, м. Вінниця*

**Вступ.** Апроксимація функцій є важливою задачею в математичному аналізі та чисельних методах. Це дає нам змогу знаходити наближені значення функцій, що є особливо корисним у випадках, коли точне аналітичне представлення складне або неможливе. Метод найменших квадратів (МНК) є одним із найпопулярніших методів для апроксимації даних [1]. Його застосування варіюється від статистичного аналізу до інженерії та фізики.

**Виклад основного матеріалу.** Метод найменших квадратів полягає у знаходженні такої функції, яка мінімізує суму квадратів відхилень між експериментальними даними та значеннями апроксимуючої функції. Формально, якщо у нас є набір точок  $(x_i, y_i)$ , де  $i = 1, 2, \dots, n$ , то ми хочемо знайти функцію  $f(x)$ , яка мінімізує вираз:

$$S = \sum_{i=1}^n (y_i - f(x_i))^2.$$

Зазвичай у якості  $f(x)$  вибирають лінійну функцію  $f(x) = a_0 + a_1x$  або поліном вищого степеня [2].

Найпростішим випадком є лінійна регресія, де функція має вигляд  $f(x) = a + bx$ . Для знаходження коефіцієнтів  $a$  і  $b$  використовують систему рівнянь:

$$\frac{\partial S}{\partial a} = -2 \sum_{i=1}^n (y_i - a - bx_i) = 0;$$

$$\frac{\partial S}{\partial b} = -2 \sum_{i=1}^n x_i (y_i - a - bx_i) = 0.$$

Розв'язуючи цю систему, отримуємо значення коефіцієнтів:

$$a = \frac{\sum y_i \sum x_i^2 - \sum x_i \sum (x_i y_i)}{n \sum x_i^2 - \sum (x_i)^2},$$